

**Series HMJ/2****SET-1**कोड नं. **65/2/1**
Code No.रोल नं.

--	--	--	--	--	--	--	--

Roll No.

परीक्षार्थी कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।

Candidates must write the Code on the title page of the answer-book.



नोट	NOTE
(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 15 हैं ।	(I) Please check that this question paper contains 15 printed pages.
(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए कोड नम्बर को छात्र उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।	(II) Code number given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 36 प्रश्न हैं ।	(III) Please check that this question paper contains 36 questions.
(IV) कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।	(IV) Please write down the Serial Number of the question in the answer-book before attempting it.
(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।	(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित

MATHEMATICS

निर्धारित समय : 3 घण्टे

अधिकतम अंक : 80

Time allowed : 3 hours

Maximum Marks : 80

.65/2/1

1

P.T.O.



सामान्य निर्देश:

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख्ती से पालन कीजिए :

- यह प्रश्न-पत्र चार खण्डों में विभाजित किया गया है – क, ख, ग एवं घ । इस प्रश्न-पत्र में 36 प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं ।
- खण्ड क में प्रश्न संख्या 1 से 20 तक 20 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।
- खण्ड ख में प्रश्न संख्या 21 से 26 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न 2 अंकों का है ।
- खण्ड ग में प्रश्न संख्या 27 से 32 तक 6 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है ।
- खण्ड घ में प्रश्न संख्या 33 से 36 तक 4 प्रश्न हैं एवं प्रत्येक प्रश्न 6 अंकों का है ।
- प्रश्न-पत्र में समग्र पर कोई विकल्प नहीं है । तथापि एक-एक अंक वाले तीन प्रश्नों में, दो-दो अंकों वाले दो प्रश्नों में, चार-चार अंकों वाले दो प्रश्नों में और छः-छः अंकों वाले दो प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिए गए हैं । ऐसे प्रश्नों में से केवल एक ही विकल्प का उत्तर लिखिए ।
- इसके अतिरिक्त, आवश्यकतानुसार, प्रत्येक खण्ड और प्रश्न के साथ यथोचित निर्देश दिए गए हैं ।
- केलकुलेटर्स के प्रयोग की अनुमति नहीं है ।

खण्ड क

प्रश्न संख्या 1 से 20 तक प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।

प्रश्न संख्या 1 से 10 तक बहुविकल्पीय प्रश्न हैं । सही विकल्प चुनिए ।

- समुच्चय $\{1, 2, 3\}$ में $R = \{(1, 2), (2, 1), (1, 1)\}$ द्वारा प्रदत्त संबंध R
 - सममित तथा संक्रामक है, परन्तु स्वतुल्य नहीं है
 - स्वतुल्य तथा सममित है, परन्तु संक्रामक नहीं है
 - सममित है, परन्तु न ही स्वतुल्य और न ही संक्रामक है
 - एक तुल्यता संबंध है
- $\tan^{-1} 3 + \tan^{-1} \lambda = \tan^{-1} \left(\frac{3 + \lambda}{1 - 3\lambda} \right)$, λ के किन मानों के लिए वैध होगा ?
 - $\lambda \in \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right)$
 - $\lambda > \frac{1}{3}$
 - $\lambda < \frac{1}{3}$
 - λ के सभी वास्तविक मान



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper comprises **four** Sections A, B, C and D. This question paper carries **36** questions. **All** questions are compulsory.
- (ii) **Section A** – Questions no. **1 to 20** comprises of **20** questions of **1** mark each.
- (iii) **Section B** – Questions no. **21 to 26** comprises of **6** questions of **2** marks each.
- (iv) **Section C** – Questions no. **27 to 32** comprises of **6** questions of **4** marks each.
- (v) **Section D** – Questions no. **33 to 36** comprises of **4** questions of **6** marks each.
- (vi) There is no overall choice in the question paper. However, an internal choice has been provided in 3 questions of one mark, 2 questions of two marks, 2 questions of four marks and 2 questions of six marks. Only one of the choices in such questions have to be attempted.
- (vii) In addition to this, separate instructions are given with each section and question, wherever necessary.
- (viii) Use of calculators is **not** permitted.

SECTION A

Question numbers 1 to 20 carry 1 mark each.

Question numbers 1 to 10 are multiple choice type questions. Select the correct option.

1. The relation R in the set {1, 2, 3} given by $R = \{(1, 2), (2, 1), (1, 1)\}$ is
 - (A) symmetric and transitive, but not reflexive
 - (B) reflexive and symmetric, but not transitive
 - (C) symmetric, but neither reflexive nor transitive
 - (D) an equivalence relation

2. $\tan^{-1} 3 + \tan^{-1} \lambda = \tan^{-1} \left(\frac{3 + \lambda}{1 - 3\lambda} \right)$ is valid for what values of λ ?

(A) $\lambda \in \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right)$

(B) $\lambda > \frac{1}{3}$

(C) $\lambda < \frac{1}{3}$

(D) All real values of λ



3. यदि A कोटि 3 का एक व्युत्क्रमणीय वर्ग आव्यूह है और $A^2 = 3A$ है, तो $|A|$ का मान होगा
- (A) -3
(B) 3
(C) 9
(D) 27
4. $f(x) = -|x - 1|$ द्वारा प्रदत्त फलन $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
- (A) $x = 1$ पर संतत व अवकलनीय है।
(B) $x = 1$ पर संतत नहीं है, परन्तु अवकलनीय है।
(C) $x = 1$ पर संतत है, परन्तु अवकलनीय नहीं है।
(D) $x = 1$ पर न संतत है और न ही अवकलनीय है।
5. माना समुच्चय $A = \{1, 3, 5\}$ है। A में $(1, 3)$ को अंतर्विष्ट करने वाले तुल्यता संबंधों की संख्या होगी
- (A) 1
(B) 2
(C) 3
(D) 4
6. अन्तराल, जिसमें $f(x) = x^2 e^{-x}$ द्वारा प्रदत्त फलन f निरन्तर वर्धमान है, है
- (A) $(-\infty, \infty)$
(B) $(-\infty, 0)$
(C) $(2, \infty)$
(D) $(0, 2)$
7. यदि $|\vec{a}| = 4$ तथा $-3 \leq \lambda \leq 2$ है, तो $|\lambda \vec{a}|$ का मान जिस अन्तराल में है, वह है
- (A) $[0, 12]$
(B) $[2, 3]$
(C) $[8, 12]$
(D) $[-12, 8]$
8. सदिश $3\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ और $\hat{i} + \lambda\hat{j} - \hat{k}$ समतलीय होंगे, यदि λ का मान है
- (A) -2
(B) 0
(C) 2
(D) कोई भी वास्तविक संख्या



3. If A is a non-singular square matrix of order 3 such that $A^2 = 3A$, then value of $|A|$ is
- (A) -3
(B) 3
(C) 9
(D) 27
4. The function $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ given by $f(x) = -|x - 1|$ is
- (A) continuous as well as differentiable at $x = 1$
(B) not continuous but differentiable at $x = 1$
(C) continuous but not differentiable at $x = 1$
(D) neither continuous nor differentiable at $x = 1$
5. Let $A = \{1, 3, 5\}$. Then the number of equivalence relations in A containing $(1, 3)$ is
- (A) 1
(B) 2
(C) 3
(D) 4
6. The interval in which the function f given by $f(x) = x^2e^{-x}$ is strictly increasing, is
- (A) $(-\infty, \infty)$
(B) $(-\infty, 0)$
(C) $(2, \infty)$
(D) $(0, 2)$
7. If $|\vec{a}| = 4$ and $-3 \leq \lambda \leq 2$, then $|\lambda \vec{a}|$ lies in
- (A) $[0, 12]$
(B) $[2, 3]$
(C) $[8, 12]$
(D) $[-12, 8]$
8. The vectors $3\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ and $\hat{i} + \lambda\hat{j} - \hat{k}$ are coplanar if value of λ is
- (A) -2
(B) 0
(C) 2
(D) Any real number



9. त्रिभुज जिसके शीर्ष O, A तथा B हैं, जहाँ $\vec{OA} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ और $\vec{OB} = -3\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$, का क्षेत्रफल होगा

- (A) $3\sqrt{5}$ वर्ग इकाई
 (B) $5\sqrt{5}$ वर्ग इकाई
 (C) $6\sqrt{5}$ वर्ग इकाई
 (D) 4 वर्ग इकाई

10. y-अक्ष पर बिन्दु (2, -3, 4) से डाले गए लम्ब के पाद के निर्देशांक हैं

- (A) (2, 3, 4)
 (B) (-2, -3, -4)
 (C) (0, -3, 0)
 (D) (2, 0, 4)

प्रश्न संख्या 11 से 15 तक के प्रश्नों के खाली स्थान भरिए ।

11. फलन $y = \sec^{-1} x$ की मुख्य मानीय शाखा का परिसर है _____ ।

अथवा

$\cos^{-1} \left(-\frac{1}{2} \right)$ का मुख्य मान है _____ ।

12. आव्यूह $A = \begin{bmatrix} 0 & a & 1 \\ -1 & b & 1 \\ -1 & c & 0 \end{bmatrix}$ को विषम-सममित आव्यूह मानते हुए, $(a + b + c)^2$ का मान है _____ ।

13. समांतर समतलों $2x + y - 2z - 6 = 0$ व $4x + 2y - 4z = 0$ के बीच की दूरी _____ इकाई है ।

अथवा

यदि मूल-बिन्दु से एक समतल पर डाले गए लम्ब का पाद $P(1, 0, -3)$ है, तो उस समतल का कार्तीय समीकरण है _____ ।



9. The area of a triangle formed by vertices O, A and B, where $\vec{OA} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ and $\vec{OB} = -3\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ is
- (A) $3\sqrt{5}$ sq. units
 (B) $5\sqrt{5}$ sq. units
 (C) $6\sqrt{5}$ sq. units
 (D) 4 sq. units
10. The coordinates of the foot of the perpendicular drawn from the point (2, -3, 4) on the y-axis is
- (A) (2, 3, 4)
 (B) (-2, -3, -4)
 (C) (0, -3, 0)
 (D) (2, 0, 4)

Fill in the blanks in question numbers 11 to 15.

11. The range of the principal value branch of the function $y = \sec^{-1} x$ is _____ .

OR

The principal value of $\cos^{-1} \left(-\frac{1}{2} \right)$ is _____ .

12. Given a skew-symmetric matrix $A = \begin{bmatrix} 0 & a & 1 \\ -1 & b & 1 \\ -1 & c & 0 \end{bmatrix}$, the value of $(a + b + c)^2$ is _____ .

13. The distance between parallel planes $2x + y - 2z - 6 = 0$ and $4x + 2y - 4z = 0$ is _____ units.

OR

If P(1, 0, -3) is the foot of the perpendicular from the origin to the plane, then the cartesian equation of the plane is _____ .



14. यदि एक वृत्त की त्रिज्या 0.5 cm/s की दर से बढ़ रही है, तो इसकी परिधि की वृद्धि दर है _____ ।
15. एक रैखिक प्रोग्रामन समस्या के सुसंगत क्षेत्र के कोनीय बिन्दु $(0, 0)$, $(0, 8)$, $(2, 7)$, $(5, 4)$ तथा $(6, 0)$ हैं । अधिकतम लाभ $P = 3x + 2y$ बिन्दु _____ पर होगा ।

प्रश्न संख्या 16 से 20 अति संक्षिप्त उत्तर वाले प्रश्न हैं ।

16. x^2 के सापेक्ष, $\sec^2(x^2)$ का अवकलन कीजिए ।

अथवा

यदि $y = f(x^2)$ और $f'(x) = e^{\sqrt{x}}$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए ।

17. k का मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए निम्न फलन $x = 1$ पर संतत है :

$$f(x) = \begin{cases} kx^2 + 5 & \text{यदि } x \leq 1 \\ 2 & \text{यदि } x > 1 \end{cases}$$

18. मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} x \cos^2 x \, dx$$

19. अवकल समीकरण $e^{y-x} \frac{dy}{dx} = 1$ का व्यापक हल ज्ञात कीजिए ।

20. रेखा $\frac{x-1}{3} = \frac{y+4}{7} = \frac{z+4}{2}$ जहाँ xy -तल को काटती है, उस बिन्दु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए ।



14. If the radius of the circle is increasing at the rate of 0.5 cm/s, then the rate of increase of its circumference is _____ .
15. The corner points of the feasible region of an LPP are (0, 0), (0, 8), (2, 7), (5, 4) and (6, 0). The maximum profit $P = 3x + 2y$ occurs at the point _____ .

Question numbers 16 to 20 are very short answer type questions.

16. Differentiate $\sec^2(x^2)$ with respect to x^2 .

OR

If $y = f(x^2)$ and $f'(x) = e^{\sqrt{x}}$, then find $\frac{dy}{dx}$.

17. Find the value of k, so that the function $f(x) = \begin{cases} kx^2 + 5 & \text{if } x \leq 1 \\ 2 & \text{if } x > 1 \end{cases}$ is continuous at $x = 1$.

18. Evaluate :

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} x \cos^2 x \, dx$$

19. Find the general solution of the differential equation $e^{y-x} \frac{dy}{dx} = 1$.
20. Find the coordinates of the point where the line $\frac{x-1}{3} = \frac{y+4}{7} = \frac{z+4}{2}$ cuts the xy-plane.



खण्ड ख

प्रश्न संख्या 21 से 26 तक प्रत्येक प्रश्न 2 अंकों का है।

21. यदि $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ तथा $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ हो, तो अदिश k का मान ज्ञात कीजिए, जिसके लिए $A^2 + I = kA$ है।

22. यदि $f(x) = \sqrt{\frac{\sec x - 1}{\sec x + 1}}$ है, तो $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ ज्ञात कीजिए।

अथवा

यदि $f(x) = (\tan x)^{\tan x}$ है, तो $f'(x)$ ज्ञात कीजिए।

23. ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{\tan^3 x}{\cos^3 x} dx$$

24. $3\sqrt{3}$ इकाई के परिमाण का सदिश \vec{a} ज्ञात कीजिए जिसका तीनों अक्षों पर झुकाव एकसमान है।

अथवा

दो मात्रक सदिशों \vec{a} और \vec{b} , जिनके लिए $\sqrt{3}\vec{a} - \vec{b}$ भी एक मात्रक सदिश है, के बीच का कोण ज्ञात कीजिए।

25. रेखा $\vec{r} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k} + \lambda(3\hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k})$ तथा समतल $\vec{r} \cdot (\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}) = 5$ का प्रतिच्छेदन बिन्दु ज्ञात कीजिए।

26. एक बटुए में 3 चाँदी व 6 ताँबे के सिक्के हैं और दूसरे बटुए में 4 चाँदी व 3 ताँबे के सिक्के हैं। यदि किसी एक बटुए से यादृच्छया एक सिक्का निकाला जाता है, तो इस सिक्के के चाँदी का सिक्का होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।

खण्ड ग

प्रश्न संख्या 27 से 32 तक प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है।

27. जाँच कीजिए कि क्या प्राकृत संख्याओं के समुच्चय N पर निम्न संबंध R

$$R = \{(a, b) : b \text{ भाज्य है } a \text{ से}\}$$

स्वतुल्य, सममित या संक्रामक है। यह भी ज्ञात कीजिए, क्या संबंध R एक तुल्यता संबंध है।

अथवा

$$\text{सिद्ध कीजिए कि } \tan^{-1} \frac{1}{4} + \tan^{-1} \frac{2}{9} = \frac{1}{2} \sin^{-1} \left(\frac{4}{5} \right).$$



SECTION B

Question numbers 21 to 26 carry 2 marks each.

21. If $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ and $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, find scalar k so that $A^2 + I = kA$.

22. If $f(x) = \sqrt{\frac{\sec x - 1}{\sec x + 1}}$, find $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$.

OR

Find $f'(x)$ if $f(x) = (\tan x)^{\tan x}$.

23. Find :

$$\int \frac{\tan^3 x}{\cos^3 x} dx$$

24. Find a vector \vec{r} equally inclined to the three axes and whose magnitude is $3\sqrt{3}$ units.

OR

Find the angle between unit vectors \vec{a} and \vec{b} so that $\sqrt{3}\vec{a} - \vec{b}$ is also a unit vector.

25. Find the points of intersection of the line $\vec{r} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k} + \lambda(3\hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k})$ and the plane $\vec{r} \cdot (\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}) = 5$.

26. A purse contains 3 silver and 6 copper coins and a second purse contains 4 silver and 3 copper coins. If a coin is drawn at random from one of the two purses, find the probability that it is a silver coin.

SECTION C

Question numbers 27 to 32 carry 4 marks each.

27. Check whether the relation R in the set N of natural numbers given by

$$R = \{(a, b) : a \text{ is divisor of } b\}$$

is reflexive, symmetric or transitive. Also determine whether R is an equivalence relation.

OR

Prove that $\tan^{-1} \frac{1}{4} + \tan^{-1} \frac{2}{9} = \frac{1}{2} \sin^{-1} \left(\frac{4}{5} \right)$.



28. यदि $\tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right) = \log \sqrt{x^2 + y^2}$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{dy}{dx} = \frac{x+y}{x-y}$.

अथवा

यदि $y = e^a \cos^{-1} x$, $-1 < x < 1$ है, तो दर्शाइए कि

$$(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2y = 0$$

29. ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{x^3 + 1}{x^3 - x} dx$$

30. निम्नलिखित अवकल समीकरण का हल ज्ञात कीजिए :

$$\left(1 + e^{y/x}\right) dy + e^{y/x} \left(1 - \frac{y}{x}\right) dx = 0 \quad (x \neq 0)$$

31. रेखाओं

$$\begin{aligned} \vec{r} &= 2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k} + \lambda(3\hat{i} - 2\hat{j} + 5\hat{k}) \\ \vec{r} &= 3\hat{i} + 2\hat{j} - 4\hat{k} + \mu(4\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}) \end{aligned}$$

के बीच की न्यूनतम दूरी ज्ञात कीजिए।

32. एक कुटीर उद्योग निर्माता पेडेस्टल लैंप और लकड़ी के शेड बनाता है। दोनों के उत्पादन में मशीन-समय व कारीगर-समय चाहिए। प्रत्येक की 1 इकाई के उत्पादन में लगने वाले घंटों की संख्या व संगत लाभ निम्नलिखित तालिका में दिया गया है :

वस्तु	मशीन-समय	कारीगर-समय	लाभ (₹ में)
पेडेस्टल लैंप	1.5 घंटे	3 घंटे	30
लकड़ी का शेड	3 घंटे	1 घंटा	20

फैक्टरी के पास प्रतिदिन अधिक-से-अधिक 42 घंटों का मशीन-समय व 24 घंटों का कारीगर-समय उपलब्ध है।

यह मानते हुए कि उत्पादित इकाइयाँ सभी बिक जाती हैं, अधिकतम लाभ कमाने हेतु, फैक्टरी उत्पादन की प्रतिदिन कैसी योजना बनाए ? एक रैखिक प्रोग्रामन समस्या बनाइए तथा आलेख विधि द्वारा हल कीजिए।



28. If $\tan^{-1} \left(\frac{y}{x} \right) = \log \sqrt{x^2 + y^2}$, prove that $\frac{dy}{dx} = \frac{x+y}{x-y}$.

OR

If $y = e^{a \cos^{-1} x}$, $-1 < x < 1$, then show that

$$(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2y = 0$$

29. Find :

$$\int \frac{x^3 + 1}{x^3 - x} dx$$

30. Solve the following differential equation :

$$(1 + e^{y/x}) dy + e^{y/x} \left(1 - \frac{y}{x} \right) dx = 0 \quad (x \neq 0).$$

31. Find the shortest distance between the lines

$$\begin{aligned} \vec{r} &= 2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k} + \lambda(3\hat{i} - 2\hat{j} + 5\hat{k}) \\ \vec{r} &= 3\hat{i} + 2\hat{j} - 4\hat{k} + \mu(4\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}) \end{aligned}$$

32. A cottage industry manufactures pedestal lamps and wooden shades. Both the products require machine time as well as craftsman time in the making. The number of hour(s) required for producing 1 unit of each and the corresponding profit is given in the following table :

Item	Machine Time	Craftsman time	Profit (in ₹)
Pedestal lamp	1.5 hours	3 hours	30
Wooden shades	3 hours	1 hour	20

In a day, the factory has availability of not more than 42 hours of machine time and 24 hours of craftsman time.

Assuming that all items manufactured are sold, how should the manufacturer schedule his daily production in order to maximise the profit ? Formulate it as an LPP and solve it graphically.



खण्ड घ

प्रश्न संख्या 33 से 36 तक प्रत्येक प्रश्न 6 अंकों का है।

33. यदि $A = \begin{bmatrix} 5 & -1 & 4 \\ 2 & 3 & 5 \\ 5 & -2 & 6 \end{bmatrix}$ है, तो A^{-1} ज्ञात कीजिए तथा इसका प्रयोग करके निम्नलिखित समीकरण निकाय का हल ज्ञात कीजिए :

$$5x - y + 4z = 5$$

$$2x + 3y + 5z = 2$$

$$5x - 2y + 6z = -1$$

अथवा

यदि x, y, z विभिन्न हों और $\begin{vmatrix} x & x^2 & 1+x^3 \\ y & y^2 & 1+y^3 \\ z & z^2 & 1+z^3 \end{vmatrix} = 0$ है, तो सारणिकों के गुणधर्मों का

प्रयोग करके दर्शाइए कि $1 + xyz = 0$.

34. $125\pi \text{ cm}^3$ आयतन वाले सभी ऊपर से खुले लम्ब-वृत्तीय बेलनाकार डिब्बों में से न्यूनतम पृष्ठीय क्षेत्रफल वाले डिब्बे की विमाएँ ज्ञात कीजिए।
35. समाकलन विधि से x -अक्ष के ऊपर तथा वृत्त $x^2 + y^2 = 8x$ एवं परवलय $y^2 = 4x$ के मध्यवर्ती क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

अथवा

समाकलन विधि से, एक ऐसे त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्षों के निर्देशांक $A(2, 0)$, $B(4, 5)$ तथा $C(6, 3)$ हैं।

36. दो पासों को युग्मत 4 बार उछाला जाता है। यदि यादृच्छिक चर X , द्विकों की संख्या को व्यक्त करता है, तो X का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए। अतः द्विकों की संख्या (X) का माध्य भी ज्ञात कीजिए।



SECTION D

Question numbers 33 to 36 carry 6 marks each.

33. If $A = \begin{bmatrix} 5 & -1 & 4 \\ 2 & 3 & 5 \\ 5 & -2 & 6 \end{bmatrix}$, find A^{-1} and use it to solve the following system of equations :

$$5x - y + 4z = 5$$

$$2x + 3y + 5z = 2$$

$$5x - 2y + 6z = -1$$

OR

If x, y, z are different and $\begin{vmatrix} x & x^2 & 1+x^3 \\ y & y^2 & 1+y^3 \\ z & z^2 & 1+z^3 \end{vmatrix} = 0$, then using properties of determinants show that $1 + xyz = 0$.

34. Amongst all open (from the top) right circular cylindrical boxes of volume $125\pi \text{ cm}^3$, find the dimensions of the box which has the least surface area.
35. Using integration, find the area lying above x -axis and included between the circle $x^2 + y^2 = 8x$ and inside the parabola $y^2 = 4x$.

OR

Using the method of integration, find the area of the triangle ABC, coordinates of whose vertices are A(2, 0), B(4, 5) and C(6, 3).

36. Find the probability distribution of the random variable X, which denotes the number of doublets in four throws of a pair of dice. Hence, find the mean of the number of doublets (X).